

1 Réduction des endomorphismes

- a) Valeur propre, vecteur propre d'un endomorphisme. Lien entre les valeurs propres et les racines d'un polynôme annulateur. Sous-espaces propres. Les sous-espaces propres sont en somme directe.

Dans toute la suite, les espaces sont de dimension finie.

- b) Polynôme caractéristique, lien entre ses racines et les valeurs propres. Ordre de multiplicité d'une valeur propre, lien avec la dimension du sous-espace propre associé. Endomorphisme scindé, lien entre les valeurs propres et la trace ou le déterminant de l'endomorphisme.
- c) Transposition du vocabulaire précédent aux matrices et résultats associés.
- d) Diagonalisabilité d'un endomorphisme ou d'une matrice : définition (existence d'une base de vecteurs propres). Caractérisations équivalentes :
- existence d'une matrice diagonale dans une base / d'une matrice diagonale semblable ;
 - les sous-espaces propres sont supplémentaires, ce qui se lit sur la somme des dimensions des sous-espaces-propres ;
 - l'endomorphisme est scindé et la dimension de chaque sous-espace propre est égale à l'ordre de multiplicité de la valeur propre associée
- Cas particuliers des endomorphismes / matrices ayant n valeurs propres distinctes.